

Quantum Key Distribution

Quantenmechanik in der Kryptographie

Kaniuar Bacho

TÜV Informationstechnik

October 6, 2022

- 1 Asymmetrische Kryptographie vs QKD
- 2 Physikalische Vorkenntnisse (Polarisation)
- 3 QKD-Systeme und BB84-Protokoll
- 4 Seitenkanalangriffe

- Um Informationen vertraulich auszutauschen, einigen sich zwei Parteien mittels asymmetrischer Kryptographie auf einen gemeinsamen geheimen Schlüssel, um die Kommunikation mit symmetrischen Verschlüsselungsverfahren (z.B. AES) fortzuführen.

- Um Informationen vertraulich auszutauschen, einigen sich zwei Parteien mittels asymmetrischer Kryptographie auf einen gemeinsamen geheimen Schlüssel, um die Kommunikation mit symmetrischen Verschlüsselungsverfahren (z.B. AES) fortzuführen.
- Ein Beispiel hierfür ist RSA oder der Diffie-Hellman-Schlüsselaustausch.

- Um Informationen vertraulich auszutauschen, einigen sich zwei Parteien mittels asymmetrischer Kryptographie auf einen gemeinsamen geheimen Schlüssel, um die Kommunikation mit symmetrischen Verschlüsselungsverfahren (z.B. AES) fortzuführen.
- Ein Beispiel hierfür ist RSA oder der Diffie-Hellman-Schlüsselaustausch.
- **Angriffsvektoren** bei asymmetrischer Kryptographie:

- Um Informationen vertraulich auszutauschen, einigen sich zwei Parteien mittels asymmetrischer Kryptographie auf einen gemeinsamen geheimen Schlüssel, um die Kommunikation mit symmetrischen Verschlüsselungsverfahren (z.B. AES) fortzuführen.
- Ein Beispiel hierfür ist RSA oder der Diffie-Hellman-Schlüsselaustausch.
- **Angriffsvektoren** bei asymmetrischer Kryptographie:
 - ▶ Je mehr Rechenleistung, desto schneller kann man die geheimen Schlüssel bruteforcen.

- Um Informationen vertraulich auszutauschen, einigen sich zwei Parteien mittels asymmetrischer Kryptographie auf einen gemeinsamen geheimen Schlüssel, um die Kommunikation mit symmetrischen Verschlüsselungsverfahren (z.B. AES) fortzuführen.
- Ein Beispiel hierfür ist RSA oder der Diffie-Hellman-Schlüsselaustausch.
- **Angriffsvektoren** bei asymmetrischer Kryptographie:
 - ▶ Je mehr Rechenleistung, desto schneller kann man die geheimen Schlüssel bruteforcen.
 - ▶ Neue effizientere mathematische Algorithmen, um Sicherheitsniveau zu vermindern. Darunter auch Quantenalgorithmen, wie der Shor-Algorithmus.

- Um Informationen vertraulich auszutauschen, einigen sich zwei Parteien mittels asymmetrischer Kryptographie auf einen gemeinsamen geheimen Schlüssel, um die Kommunikation mit symmetrischen Verschlüsselungsverfahren (z.B. AES) fortzuführen.
- Ein Beispiel hierfür ist RSA oder der Diffie-Hellman-Schlüsselaustausch.
- **Angriffsvektoren** bei asymmetrischer Kryptographie:
 - ▶ Je mehr Rechenleistung, desto schneller kann man die geheimen Schlüssel bruteforcen.
 - ▶ Neue effizientere mathematische Algorithmen, um Sicherheitsniveau zu vermindern. Darunter auch Quantenalgorithmen, wie der Shor-Algorithmus.

Protokolle basierend auf asym. Krypto. sind bloß *computationally secure*.

- Um Informationen vertraulich auszutauschen, einigen sich zwei Parteien mittels asymmetrischer Kryptographie auf einen gemeinsamen geheimen Schlüssel, um die Kommunikation mit symmetrischen Verschlüsselungsverfahren (z.B. AES) fortzuführen.
- Ein Beispiel hierfür ist RSA oder der Diffie-Hellman-Schlüsselaustausch.
- **Angriffsvektoren** bei asymmetrischer Kryptographie:
 - ▶ Je mehr Rechenleistung, desto schneller kann man die geheimen Schlüssel bruteforcen.
 - ▶ Neue effizientere mathematische Algorithmen, um Sicherheitsniveau zu vermindern. Darunter auch Quantenalgorithmen, wie der Shor-Algorithmus.

Protokolle basierend auf asym. Krypto. sind bloß *computationally secure*.

⇒ Was jetzt sicher ist, wird bald nicht mehr sicher sein!

- QKD hingegen basiert nicht auf einem mathematischem Problem, welches die Rechenleistung als einzige Grenze setzt.

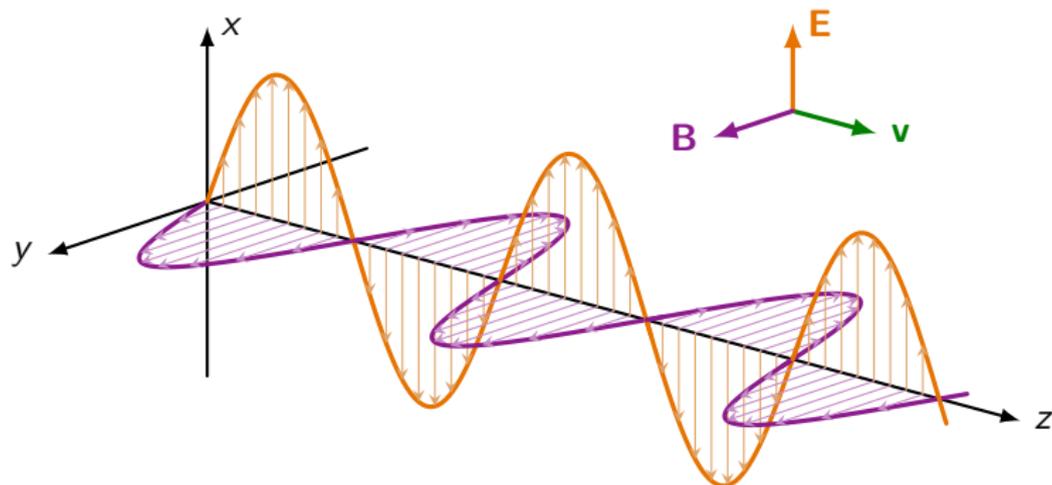
- QKD hingegen basiert nicht auf einem mathematischem Problem, welches die Rechenleistung als einzige Grenze setzt.
Die Grenzen werden hier allein durch das physikalisch Mögliche gesetzt!

- QKD hingegen basiert nicht auf einem mathematischem Problem, welches die Rechenleistung als einzige Grenze setzt.
Die Grenzen werden hier allein durch das physikalisch Mögliche gesetzt!
- In der asym. Krypto. könnte ein Angreifer sich den privaten Schlüssel noch theoretisch herleiten, da der öffentliche Schlüssel dazu ausreicht (Shor-Algorithmus).
QKD besitzt diesen Nachteil nicht.

- QKD hingegen basiert nicht auf einem mathematischem Problem, welches die Rechenleistung als einzige Grenze setzt.
Die Grenzen werden hier allein durch das physikalisch Mögliche gesetzt!
- In der asym. Krypto. könnte ein Angreifer sich den privaten Schlüssel noch theoretisch herleiten, da der öffentliche Schlüssel dazu ausreicht (Shor-Algorithmus). QKD besitzt diesen Nachteil nicht.
- Insbesondere kann die Quantenphysik die Gegenwart eines Angreifers feststellen, was vorher nicht möglich war.

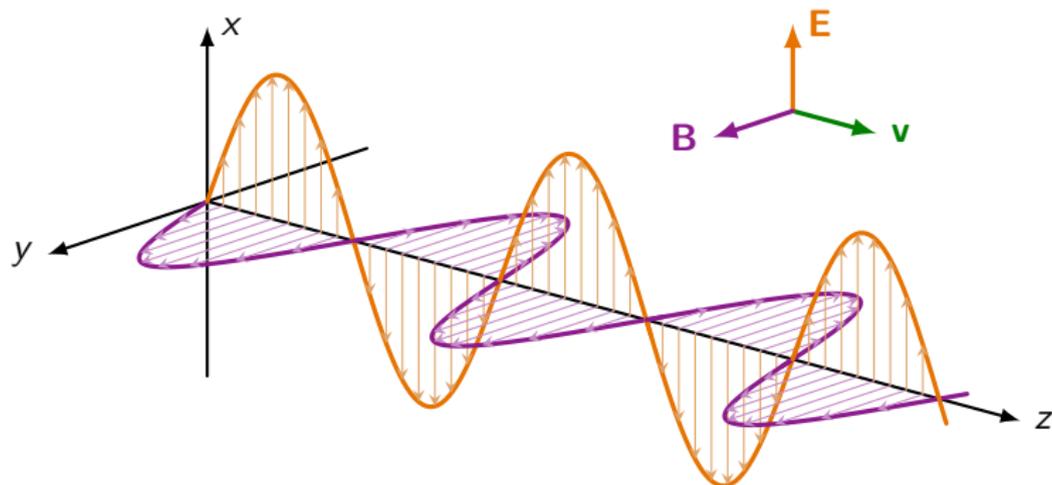
Polarisation von Licht

- Die Polarisation von Licht ist die Ausbreitung des elektrischen Feldes (hier in Orange):



Polarisation von Licht

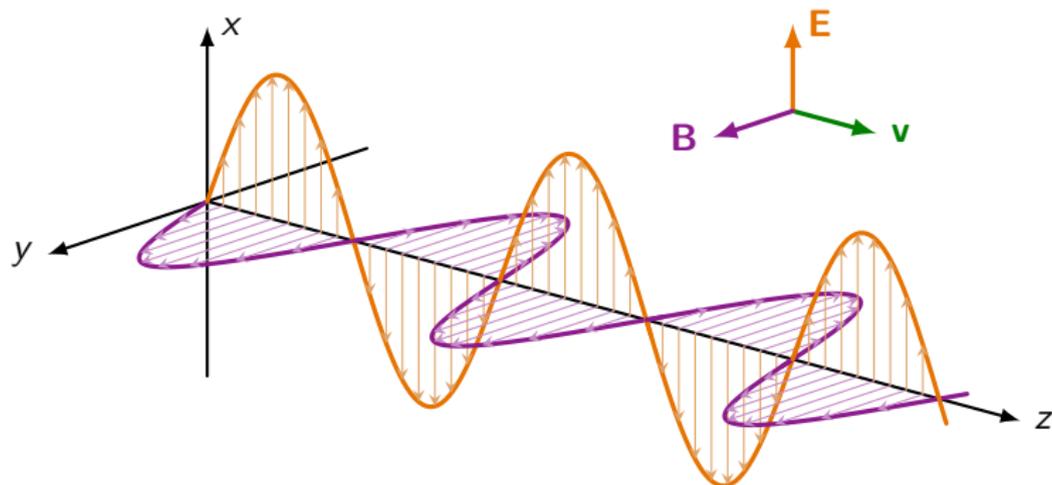
- Die Polarisation von Licht ist die Ausbreitung des elektrischen Feldes (hier in Orange):



- Die Ausbreitung hier ist orthogonal zur yz -Ebene. Wir sprechen von einer *vertikalen Polarisation*.

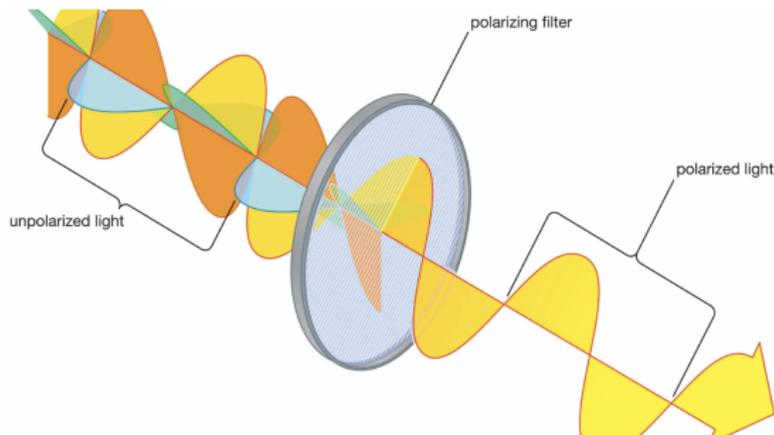
Polarisation von Licht

- Die Polarisation von Licht ist die Ausbreitung des elektrischen Feldes (hier in Orange):



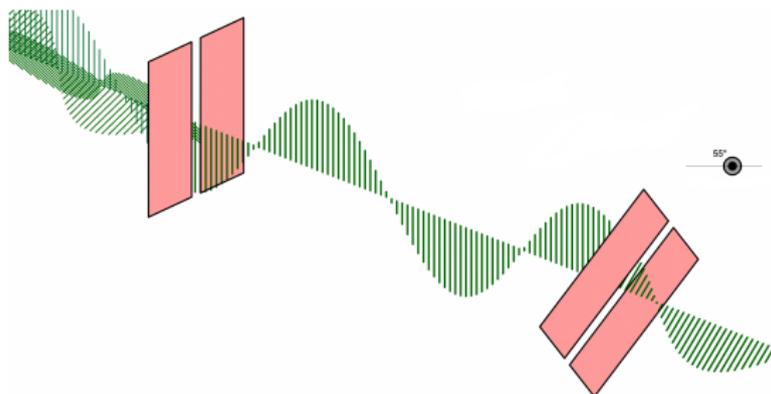
- Die Ausbreitung hier ist orthogonal zur yz-Ebene. Wir sprechen von einer *vertikalen Polarisation*.
- Jede Rotation θ um die z-Achse kann als Polarisation auftreten.

- Licht in der Natur besitzt i.d.R. mehrere Polarisationen auf einmal, man spricht von *unpolarisiertem Licht*.

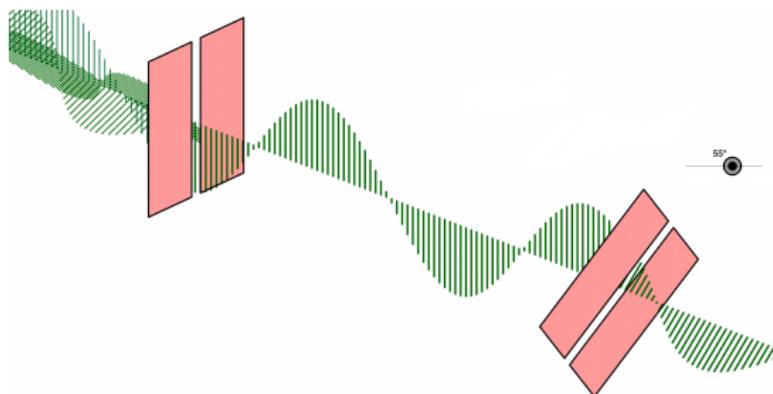


- Der *Polarisator* fungiert als Filter, um Licht einer bestimmten Polarisation zu erzeugen.

- Das Gesetz von Malus beschreibt die Intensität einer polarisierten Welle nach dem Durchgang eines Polarisators in Abhängigkeit vom Winkel θ . Diese wird um den Faktor $\cos(\theta)^2$ vermindert.



- Das Gesetz von Malus beschreibt die Intensität einer polarisierten Welle nach dem Durchgang eines Polarisators in Abhängigkeit vom Winkel θ . Diese wird um den Faktor $\cos(\theta)^2$ vermindert.



- Durch eine Messung wird gleichzeitig der polarisierte Zustand verändert!

Anschauliches Beispiel

- Polarisator filtert horizontal polarisiertes Licht:

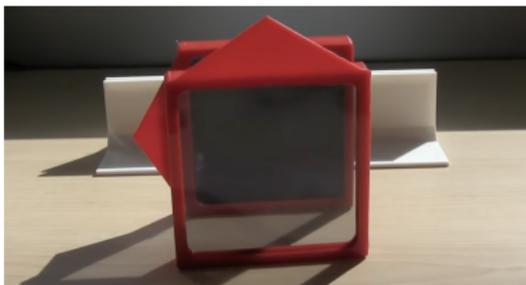


Anschauliches Beispiel

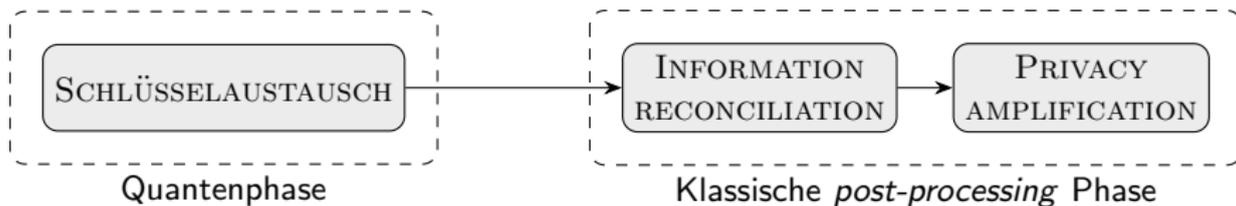
- Polarisator filtert horizontal polarisiertes Licht:



- Da die Winkel der Polarisatoren $\theta = 90^\circ$ zueinander sind, kommt nach Malus' Gesetz kein Licht durch:



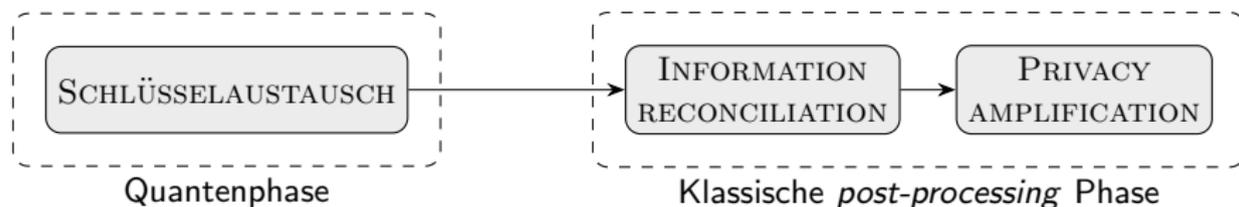
- QKD-Systeme auf Protokoll-Ebene:



- Benötigte Kanäle für Informationsaustausch:



- QKD-Systeme auf Protokoll-Ebene:



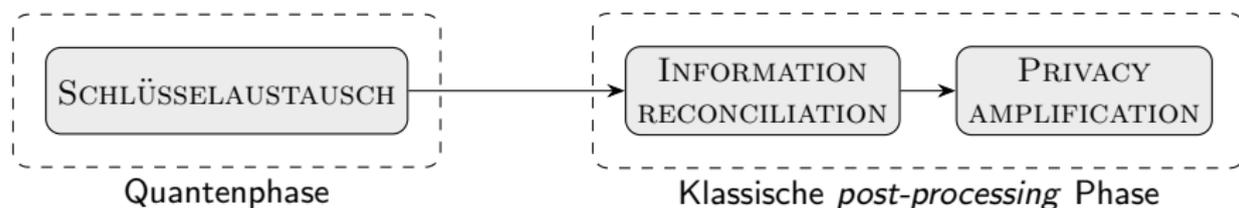
- Benötigte Kanäle für Informationsaustausch:



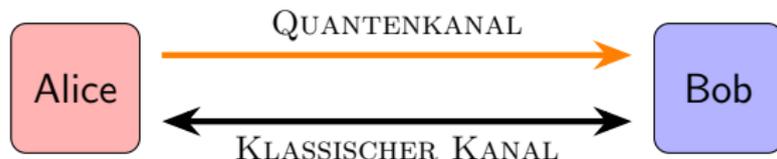
- Quantenphase:

Alice möchte ihre Bits mittels quantenmechanischen Zuständen (z.B. Polarisierung von Licht) codieren und dieses physikalische Medium (z.B. Photonen) übersenden, s.d. Bob es wieder decodieren kann.

- QKD-Systeme auf Protokoll-Ebene:



- Benötigte Kanäle für Informationsaustausch:



- Post-processing Phase:
Fehler können bei der Übertragung auftreten (durch Angreifer oder technologischen Umständen). Diese werden durch *Error-Correction-Protokolle* korrigiert. Zuletzt wird ein Protokoll benutzt, was die Schlüssel hasht, s.d. der Informationsgehalt des Angreifers auf nahezu Null reduziert wird.

- Bennett und Brassard stellten 1984 das erste QKD-Protokoll vor.

- Bennett und Brassard stellten 1984 das erste QKD-Protokoll vor.
- Wir benutzen zwei Basen für die Polarisation von Photonen:

Standardbasis: 

Diagonalebasis: 

Mit folgender Codierungsvorschrift:

Basis	0	1
		
		

- Bennett und Brassard stellten 1984 das erste QKD-Protokoll vor.
- Wir benutzen zwei Basen für die Polarisation von Photonen:

Standardbasis: \leftrightarrow

Diagonalebasis: \times

Mit folgender Codierungsvorschrift:

Basis	0	1
\leftrightarrow	\leftrightarrow	\updownarrow
\times	\nearrow	\searrow

- | | | | | | | | |
|----|--------------------------|-------------------|----------|-------------------|-------------------|----------|-------------------|
| 1. | Alice's zufällige Bits: | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| 2. | Alice's zufällige Basen: | \leftrightarrow | \times | \leftrightarrow | \leftrightarrow | \times | \leftrightarrow |

- Bennett und Brassard stellten 1984 das erste QKD-Protokoll vor.
- Wir benutzen zwei Basen für die Polarisation von Photonen:

Standardbasis: \leftrightarrow

Diagonalebasis: $\nwarrow \nearrow$

Mit folgender Codierungsvorschrift:

Basis	0	1
\leftrightarrow	\leftrightarrow	\updownarrow
$\nwarrow \nearrow$	\nearrow	\swarrow

1.	Alice's zufällige Bits:	1	0	0	1	0	0
2.	Alice's zufällige Basen:	\leftrightarrow	$\nwarrow \nearrow$	\leftrightarrow	\leftrightarrow	$\nwarrow \nearrow$	\leftrightarrow
3.	Codierte Photonen:	\updownarrow	\nearrow	\leftrightarrow	\updownarrow	\nearrow	\leftrightarrow

- Bennett und Brassard stellten 1984 das erste QKD-Protokoll vor.
- Wir benutzen zwei Basen für die Polarisation von Photonen:

Standardbasis: \updownarrow

Diagonalebasis: $\nwarrow \nearrow$

Mit folgender Codierungsvorschrift:

Basis	0	1
\updownarrow	\leftrightarrow	\updownarrow
$\nwarrow \nearrow$	\nearrow	\swarrow

1.	Alice's zufällige Bits:	1	0	0	1	0	0
2.	Alice's zufällige Basen:	\updownarrow	$\nwarrow \nearrow$	\updownarrow	\updownarrow	$\nwarrow \nearrow$	\updownarrow
3.	Codierte Photonen:	\updownarrow	\nearrow	\leftrightarrow	\updownarrow	\nearrow	\leftrightarrow
<hr/>							
4.	Bobs zufällige Basen:	\updownarrow	$\nwarrow \nearrow$	$\nwarrow \nearrow$	$\nwarrow \nearrow$	$\nwarrow \nearrow$	\updownarrow

- Bennett und Brassard stellten 1984 das erste QKD-Protokoll vor.
- Wir benutzen zwei Basen für die Polarisation von Photonen:

Standardbasis: \updownarrow

Diagonalebasis: $\nwarrow \nearrow$

Mit folgender Codierungsvorschrift:

Basis	0	1
\updownarrow	\leftrightarrow	\updownarrow
$\nwarrow \nearrow$	\nearrow	\swarrow

1.	Alice's zufällige Bits:	1	0	0	1	0	0
2.	Alice's zufällige Basen:	\updownarrow	$\nwarrow \nearrow$	\updownarrow	\updownarrow	$\nwarrow \nearrow$	\updownarrow
3.	Codierte Photonen:	\updownarrow	\nearrow	\leftrightarrow	\updownarrow	\nearrow	\leftrightarrow
<hr/>							
4.	Bobs zufällige Basen:	\updownarrow	$\nwarrow \nearrow$	$\nwarrow \nearrow$	$\nwarrow \nearrow$	$\nwarrow \nearrow$	\updownarrow
5.	Bobs Messungen:	\updownarrow	\nearrow	\swarrow	\swarrow	\nearrow	\leftrightarrow

- Bennett und Brassard stellten 1984 das erste QKD-Protokoll vor.
- Wir benutzen zwei Basen für die Polarisation von Photonen:

Standardbasis: \updownarrow

Diagonalebasis: $\nwarrow \nearrow$

Mit folgender Codierungsvorschrift:

Basis	0	1
\updownarrow	\leftrightarrow	\updownarrow
$\nwarrow \nearrow$	\nearrow	\swarrow

1.	Alice's zufällige Bits:	1	0	0	1	0	0
2.	Alice's zufällige Basen:	\updownarrow	$\nwarrow \nearrow$	\updownarrow	\updownarrow	$\nwarrow \nearrow$	\updownarrow
3.	Codierte Photonen:	\updownarrow	\nearrow	\leftrightarrow	\updownarrow	\nearrow	\leftrightarrow
4.	Bobs zufällige Basen:	\updownarrow	$\nwarrow \nearrow$	$\nwarrow \nearrow$	$\nwarrow \nearrow$	$\nwarrow \nearrow$	\updownarrow
5.	Bobs Messungen:	\updownarrow	\nearrow	\swarrow	\swarrow	\nearrow	\leftrightarrow
6.	Bobs Bits:	1	0	1	1	0	0

- Bennett und Brassard stellten 1984 das erste QKD-Protokoll vor.
- Wir benutzen zwei Basen für die Polarisation von Photonen:

Standardbasis: \updownarrow

Diagonalebasis: $\nearrow\searrow$

Mit folgender Codierungsvorschrift:

Basis	0	1
\updownarrow	\leftrightarrow	\updownarrow
$\nearrow\searrow$	\nearrow	\searrow

1.	Alice's zufällige Bits:	1	0	0	1	0	0
2.	Alice's zufällige Basen:	\updownarrow	$\nearrow\searrow$	\updownarrow	\updownarrow	$\nearrow\searrow$	\updownarrow
3.	Codierte Photonen:	\updownarrow	\nearrow	\leftrightarrow	\updownarrow	\nearrow	\leftrightarrow
<hr/>							
4.	Bobs zufällige Basen:	\updownarrow	$\nearrow\searrow$	$\nearrow\searrow$	$\nearrow\searrow$	$\nearrow\searrow$	\updownarrow
5.	Bobs Messungen:	\updownarrow	\nearrow	\searrow	\searrow	\nearrow	\leftrightarrow
6.	Bobs Bits:	1	0	1	1	0	0
<hr/>							
7.	Basisabgleich:	OK	OK			OK	OK

- Bennett und Brassard stellten 1984 das erste QKD-Protokoll vor.
- Wir benutzen zwei Basen für die Polarisation von Photonen:

Standardbasis: \updownarrow

Diagonalebasis: $\nearrow\searrow$

Mit folgender Codierungsvorschrift:

Basis	0	1
\updownarrow	\leftrightarrow	\updownarrow
$\nearrow\searrow$	\nearrow	\searrow

1.	Alice's zufällige Bits:	1	0	0	1	0	0
2.	Alice's zufällige Basen:	\updownarrow	$\nearrow\searrow$	\updownarrow	\updownarrow	$\nearrow\searrow$	\updownarrow
3.	Codierte Photonen:	\updownarrow	\nearrow	\leftrightarrow	\updownarrow	\nearrow	\leftrightarrow
4.	Bobs zufällige Basen:	\updownarrow	$\nearrow\searrow$	$\nearrow\searrow$	$\nearrow\searrow$	$\nearrow\searrow$	\updownarrow
5.	Bobs Messungen:	\updownarrow	\nearrow	\searrow	\searrow	\nearrow	\leftrightarrow
6.	Bobs Bits:	1	0	1	1	0	0
7.	Basisabgleich:	OK	OK			OK	OK
8.	Gemeinsamer Schlüssel(?):	1	0			0	0

- Bennett und Brassard stellten 1984 das erste QKD-Protokoll vor.
- Wir benutzen zwei Basen für die Polarisation von Photonen:

Standardbasis: \updownarrow

Diagonalebasis: $\nearrow\searrow$

Mit folgender Codierungsvorschrift:

Basis	0	1
\updownarrow	\leftrightarrow	\updownarrow
$\nearrow\searrow$	\nearrow	\searrow

1.	Alice's zufällige Bits:	1	0	0	1	0	0
2.	Alice's zufällige Basen:	\updownarrow	$\nearrow\searrow$	\updownarrow	\updownarrow	$\nearrow\searrow$	\updownarrow
3.	Codierte Photonen:	\updownarrow	\nearrow	\leftrightarrow	\updownarrow	\nearrow	\leftrightarrow
4.	Bobs zufällige Basen:	\updownarrow	$\nearrow\searrow$	$\nearrow\searrow$	$\nearrow\searrow$	$\nearrow\searrow$	\updownarrow
5.	Bobs Messungen:	\updownarrow	\nearrow	\searrow	\searrow	\nearrow	\leftrightarrow
6.	Bobs Bits:	1	0	1	1	0	0
7.	Basisabgleich:	OK	OK			OK	OK
8.	Gemeinsamer Schlüssel(?):	1	0			0	0
9.	Bob enthüllt zufällige Bits:	1					0

- Bennett und Brassard stellten 1984 das erste QKD-Protokoll vor.
- Wir benutzen zwei Basen für die Polarisation von Photonen:

Standardbasis: \updownarrow

Diagonalebasis: $\nwarrow \nearrow$

Mit folgender Codierungsvorschrift:

Basis	0	1
\updownarrow	\leftrightarrow	\updownarrow
$\nwarrow \nearrow$	\nearrow	\swarrow

1.	Alice's zufällige Bits:	1	0	0	1	0	0
2.	Alice's zufällige Basen:	\updownarrow	$\nwarrow \nearrow$	\updownarrow	\updownarrow	$\nwarrow \nearrow$	\updownarrow
3.	Codierte Photonen:	\updownarrow	\nearrow	\leftrightarrow	\updownarrow	\nearrow	\leftrightarrow
4.	Bobs zufällige Basen:	\updownarrow	$\nwarrow \nearrow$	$\nwarrow \nearrow$	$\nwarrow \nearrow$	$\nwarrow \nearrow$	\updownarrow
5.	Bobs Messungen:	\updownarrow	\nearrow	\swarrow	\swarrow	\nearrow	\leftrightarrow
6.	Bobs Bits:	1	0	1	1	0	0
7.	Basisabgleich:	OK	OK			OK	OK
8.	Gemeinsamer Schlüssel(?):	1	0			0	0
9.	Bob enthüllt zufällige Bits:	1					0
10.	Alice bestätigt:	OK					OK

- Bennett und Brassard stellten 1984 das erste QKD-Protokoll vor.
- Wir benutzen zwei Basen für die Polarisation von Photonen:

Standardbasis: \updownarrow

Diagonalebasis: $\nearrow\searrow$

Mit folgender Codierungsvorschrift:

Basis	0	1
\updownarrow	\leftrightarrow	\updownarrow
$\nearrow\searrow$	\nearrow	\searrow

1.	Alice's zufällige Bits:	1	0	0	1	0	0
2.	Alice's zufällige Basen:	\updownarrow	$\nearrow\searrow$	\updownarrow	\updownarrow	$\nearrow\searrow$	\updownarrow
3.	Codierte Photonen:	\updownarrow	\nearrow	\leftrightarrow	\updownarrow	\nearrow	\leftrightarrow
4.	Bobs zufällige Basen:	\updownarrow	$\nearrow\searrow$	$\nearrow\searrow$	$\nearrow\searrow$	$\nearrow\searrow$	\updownarrow
5.	Bobs Messungen:	\updownarrow	\nearrow	\searrow	\searrow	\nearrow	\leftrightarrow
6.	Bobs Bits:	1	0	1	1	0	0
7.	Basisabgleich:	OK	OK			OK	OK
8.	Gemeinsamer Schlüssel(?):	1	0			0	0
9.	Bob enthüllt zufällige Bits:	1					0
10.	Alice bestätigt:	OK					OK
11.	Gemeinsamer Schlüssel(!):		0			0	

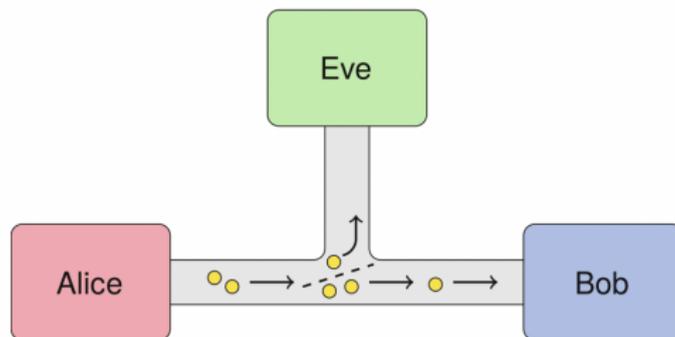
		Basis			
Codierungsvorschrift:		0	1		
					
					
1.	Alice's zufällige Bits:	1	0	1	0
2.	Alice's zufällige Basen:				
3.	Codierte Photonen:				
Eves zufällige Basen:					
Eves Messungen:					
4.	Bobs zufällige Basen:				
5.	Bobs Messungen:				
6.	Bobs Bits:	1	0	0	0
7.	Basisabgleich:	OK	OK	OK	OK
8.	Gemeinsamer Schlüssel(?):	1	0	0	0
9.	Bob enthüllt zufällige Bits:	1		0	
10.	Alice bestätigt:	OK			
11.	Gemeinsamer Schlüssel(!):		0		

- Es gibt eine Vielzahl an Seitenkanalangriffen.

- Es gibt eine Vielzahl an Seitenkanalangriffen.
- BB84 erfordert genau ein Photon für jedes Bit. In der Praxis ist dies kaum möglich aus einer einzigen Quelle, s.d. mehrere Photonen gleichzeitig geschickt werden.

Seitenkanalangriffe: Photon-number-splitting attack

- Es gibt eine Vielzahl an Seitenkanalangriffen.
- BB84 erfordert genau ein Photon für jedes Bit. In der Praxis ist dies kaum möglich aus einer einzigen Quelle, s.d. mehrere Photonen gleichzeitig geschickt werden.
- *Photon-number-splitting attack:*

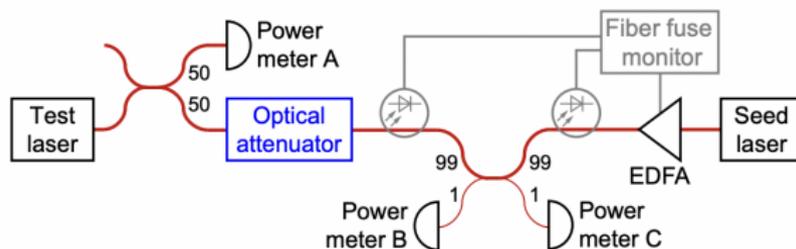


- Um einzelne Photonen zu erhalten, wird ein optisches Dämpfungsglied benutzt.

- Um einzelne Photonen zu erhalten, wird ein optisches Dämpfungsglied benutzt.
- Dieses Dämpfungsglied kann man jedoch mit einem starken Laser beschießen und zerstören.

Seitenkanalangriffe: Laser-damage attack

- Um einzelne Photonen zu erhalten, wird ein optisches Dämpfungsglied benutzt.
- Dieses Dämpfungsglied kann man jedoch mit einem starken Laser beschießen und zerstören.
- *Laser-damage attack:*



Danke für die Aufmerksamkeit!
Gibt es Fragen?